

# MOVIMIENTO ONDULATORIO

## 1.- Ecuación de onda lineal.

$$\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2}$$

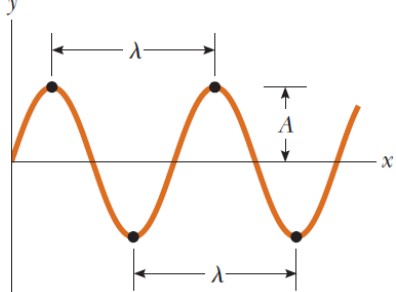
## 2.- Propagación de una perturbación.

2.1.- Si el pulso viaja hacia la derecha, las posiciones transversales de los elementos de la cuerda se describen mediante  $y(x, t) = f(x - vt)$ .

2.2.- Si el pulso viaja hacia la izquierda, las posiciones transversales de los elementos de la cuerda se describen mediante  $y(x, t) = f(x + vt)$ .

## 3.- El modelo de onda progresiva.

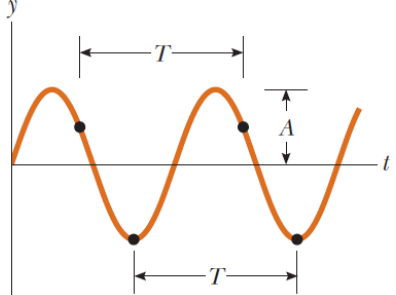
### 3.1.- Posición vertical en función de la posición horizontal.



### 3.2.- Número de onda.

$$\kappa = \frac{2\pi}{\lambda}$$

### 3.3.- Posición vertical en función del tiempo.



### 3.4.- Frecuencia de la onda.

$$f = \frac{1}{T}$$

### 3.5.- Frecuencia angular.

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\omega = 2\pi f$$

### 3.6.- Rapidez de onda.

$$v = \frac{\lambda}{T}$$

$$v = \lambda f$$

$$v = \frac{\omega}{\kappa}$$

## 4.- Función de onda.

$$y(x, t) = A \operatorname{sen} \left[ \frac{2\pi}{\lambda} (x - vt) \right]$$

La función de onda tiene la forma  $f(x - vt)$ . Si la onda viajara hacia la izquierda, la cantidad  $x - vt$  se sustituiría por  $x + vt$ .

$$y(x, t) = A \operatorname{sen} \left[ 2\pi \left( \frac{x}{\lambda} - \frac{t}{T} \right) \right]$$

$$y(x, t) = A \operatorname{sen} (\kappa x - \omega t)$$

En general:

$$y(x, t) = A \operatorname{sen} (\kappa x - \omega t + \phi)$$

$\phi$  es la **constante de fase**. Esta constante se determina a partir de las condiciones iniciales.

### 4.1.- Relación entre el desfase y la distancia entre dos puntos de la cuerda.

$$\phi = \kappa \Delta x$$

### 4.2.- Relación entre el desfase y la separación temporal.

$$\phi = \omega \Delta t$$

### 4.3.- Rapidez transversal de la onda.

$$v_y = \left. \frac{dy}{dt} \right|_{x=\text{constante}} = \frac{\partial y}{\partial t} = -\omega A \cos(\kappa x - \omega t)$$

### 4.4.- Rapidez transversal máxima de la onda.

$$v_{y,\max} = \omega A$$

### 4.5.- Aceleración transversal de la onda.

$$a_y = \left. \frac{dv_y}{dt} \right|_{x=\text{constante}} = \frac{\partial v_y}{\partial t} = -\omega^2 A \operatorname{sen}(\kappa x - \omega t)$$

### 4.6.- Aceleración transversal máxima de la onda.

$$a_{y,\max} = \omega^2 A$$

## 5.- Ondas en cuerdas.

### 5.1.- Rapidez de onda.

$$v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$$

v: Rapidez de onda.

T: Tensión en la cuerda.

$\mu$ : Densidad lineal de masa.

### 5.2.- Alambres delgados (cuerdas metálicas).

Relación entre la densidad lineal de masa ( $\mu$ ) y la densidad volumétrica ( $\rho$ ).

$$\mu = \rho S$$

S: área de la sección del alambre.

## 6.- Rapidez de transferencia de energía mediante ondas sinusoidales en cuerdas.

### 6.1.- Potencia.

$$P = \frac{1}{2} \mu \omega^2 A^2 v$$

### 6.2.- Energía por ciclo.

$$E_\lambda = \frac{1}{2} \mu \omega^2 A^2 v \times T$$

$$E_\lambda = \frac{1}{2} \mu \omega^2 A^2 \lambda$$

Autor: **MSc. Ing. Willians Medina**.

Teléfono / Whatsapp: **+58-424-9744352**

e-mail: **medinawj@gmail.com**

Twitter: **@medinawj**

El presente formulario está disponible en formato digital en la siguiente dirección:  
<https://www.tutoruniversitario.com/> Puerto La Cruz, abril de 2026.